

א. בגרות לบทי ספר על-יסודות
ב. בגרות לבחנים אקסטרניים
מועד הבחינה: תורף תשע"ג, 2013
מספר השאלה: 314, 035804
דף נוסחאות ל-4 ייחדות לימוד
נסתה:

מתמטיקה

4 ייחדות לימוד – שאלון ראשון

הוראות לנבחן

- א. **משך הבחינה:** שלוש שעות וחצי.
- ב. **מבנה השאלון ופתחת התשעכה:** בשאלון זה שלושה פרקים.
פרק ראשון → אלגברה, גאומטריה אנגלית,
$$33\frac{1}{3} - 16\frac{2}{3} \times 2 =$$
 הסתרות נקודות
פרק שני → גאומטריה וטירגונומטריה
$$33\frac{1}{3} - 16\frac{2}{3} \times 2 =$$
 במשור נקודות
פרק שלישי → חישוב דיפרנציאלי ואנטגרלי
$$33\frac{1}{3} - 16\frac{2}{3} \times 2 =$$
 סה"כ נקודות
ג. **חומר עזר מותר בשימוש:**
- (1) מוחשבן לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנוגות במחשבון הנitin להתוכנות.
 - (2) דפי נוסחאות (מצורפים).
- ד. **הוראות מיוחדות:**
- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.
 - (2) הenthal כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.
הסביר את כל פעולהתי, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.
חווסף פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.
 - (3) לטיפול יש להשתמש במחברת הבחינה או בדפים שקיבלת מהמשגיחים.
שימוש בטיפול אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.
- הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.**
- ב ה צ ל ח !**

המשך מעבר לדף ►

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.
חישוב פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבחינה.

פרק ראשון – אלגברת, גאומטריה אנליטית, הסתברות ($\frac{1}{3}$ נקודות)

עונה על שתיים מהשאלות 1–3 (לכל שאלה – $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. רוכב אופניים יצא מישוב A ליישוב B, ובדיווק באותו שעה יצא הולך רגל מישוב B ליישוב A.

הולך הרגל הלך במהירות קבועה שקטנה ב- 10 קמ"ש מהמהירות של רוכב האופניים.

כעבור 24 דקות המרחק בין רוכב האופניים להולך הרגל היה 12 ק"מ.

כעבור 36 דקות נספות הם נפגשו.

א. מצא את המהירות של רוכב האופניים.

ב. מצא באיזה מרחק מישוב A נפגשו רוכב האופניים והולך הרגל.

2. נתון מעגל, שמרכזו M נמצא על הישר $y = 7$.

הישר $x = \frac{1}{2}y$ משיק למעגל בנקודה A(6, 3) (ראה ציור).

א. (1) מצא את השיעורים של המרכז M.

(2) מצא את משוואת המעגל.

ב. המעגל חותך את ציר ה- x בנקודות B ו-C.

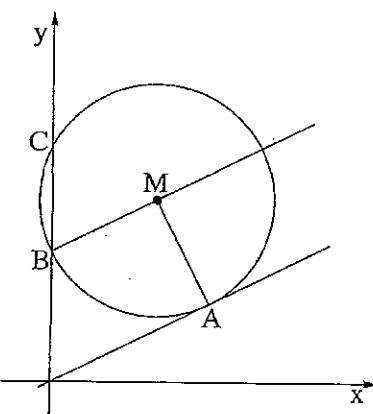
נקודה C נמצאת מעל נקודה B

(ראה ציור).

(1) הראה כי הישר BM מקביל לישר המשיק למעגל בנקודה A.

(2) מצא את שטח המשולש BMA.

◀ 3 עמוד במשר



3. בשלוש קופסאות A, B ו C יש כדורים שחורים ולבנים.

בקופסה A יש 2 כדורים שחורים ו 3 כדורים לבנים.

בקופסה B יש 3 כדורים שחורים ו 2 כדורים לבנים.

בקופסה C יש 4 כדורים שחורים ו 1 כדור לבן.

א. בוחרים באקראי קופסה, ומוציאים ממנה באקראי כדור אחד.

(1) מהי ההסתברות להוציא כדור לבן?

(2) ידוע שהוצאה כדור לבן.

מהי ההסתברות שהכדור הוצאה מקופסה B?

ב. מקופסה C מוצאים באקראי 2 כדורים זה אחר זה בלי החזרה.

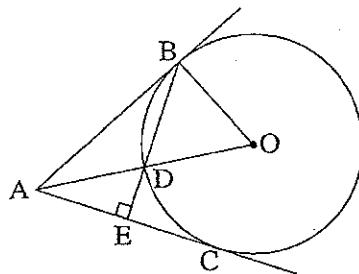
מהי ההסתברות שאחרי הוצאה הכדים לא נותר בקופסה C כדור לבן?

המשך בעמוד 4 ◀

פרק שני – גאומטריה וטריגונומטריה במשורט ($\frac{1}{3}$ נקודות)

עונה על שתיים מהתשאלות 6-4 (לכל שאלה – $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לבן אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.



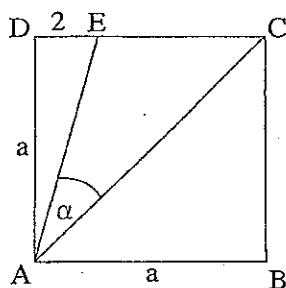
4. מנוקודה A יוצא ישר המשיק בנקודה B
למעגל שמרכזו O.

הקטע AO חותך את המעגל בנקודה D
(ראה ציור).

א. הוכח כי $\angle BOD = 2 \cdot \angle ABD$.

מנוקודה A יוצא עוד ישר המשיק למעגל בנקודה C.
המשך המיתר BD חותך את AC בנקודה E (ראה ציור).
נתון כי $AC \perp BE$.

ב. (1) הוכח כי $\angle BOD = 2 \cdot \angle DAE$.
(2) $BD = AD$



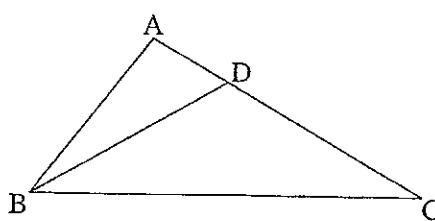
5. נתון ריבוע ABCD שאורך צלעו a ס"מ.
נקודה E נמצאת על הצלע DC (ראה ציור).

נתון: $2 \text{ ס"מ} = \alpha$, $DE = \alpha$.
א. חבע את a באמצעות α .

ב. אם נתון כי $30^\circ = \alpha$, חשב את שטח
המשולש ACE.

ג. חשב את α במקרה שבו $2 \text{ ס"מ} = \alpha$.

◀ **המשך 5**



6. במשולש ABC נתון: $AB = 5 \text{ ס"מ}$

$AC = 8 \text{ ס"מ}$

$BC = 10 \text{ ס"מ}$

נקודה D נמצאת על הצלע AC

כך ש- $BD = DC$ (ראה ציור).

א. חשב את זוויות המשולש BDC .

ב. מצא את היחס בין רדיוס המרجل החוסם את המשולש ABD

לרדיווס המרجل החוסם את המשולש BDC .

**פרק שלישי – חישובו דיפרנציאלי ואינטגרלי של פולינומים,
של פונקציות רצינליות ושל פונקציות שורש** ($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 7-9 (לכל שאלה — $\frac{2}{3}$ נקודות).

שים לבו אם תענה על יותר משתי שאלות, יבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

$$7. \text{ נתונה הפונקציה } f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 4}}{x^2}$$

א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה.

ב. מצא את נקודות החיתוך של גраф הפונקציה עם הצירים (אם יש כאלה).

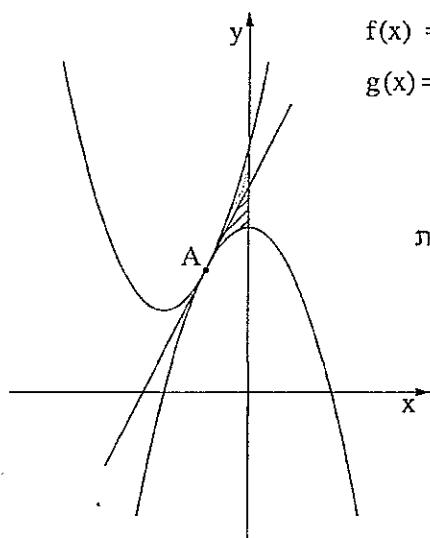
ג. מצא את נקודות הקיצון המוחלט של הפונקציה, וקבע את סוגן.

ד. (1) סרטט סקיצה של גраф הפונקציה.

(2) הייעזר בגרף שסרטטת, ומצא את משוואת הישר המשיק לגרף הפונקציה בשתי

נקודות בדיק.

◀ ◀ **המשר בעמוד 6**



8. בציור שלפניך מוצגות שתי פרבולות: $f(x) = x^2 + 4x + 6$

$$g(x) = -x^2 + c$$

c הוא פרמטר.

הפרבולות משיקות זו לזו בנקודה A.

דרך נקודה A העבירו משיק המשותף לשתי הפרבולות
(ראה ציור).

א. (1) סמן ב-z את שיעור ה- x של נקודה A,

ובע באמצעות z את השיפוע של

המשיק המשותף.

הבע בשני אופנים.

(2) מצא את השיעורים של נקודה A.

(3) מצא את ערך הפרמטר c.

ב. המשיק המשותף מחלק את השטח, המוגבל על ידי שתי הפרבולות ועל ידי ציר ה- y ,

לשני שטחים (השטח האפור והשטח המקווקו בציור).

הציב את הערך של הפרמטר c שמצאת, והראה כי שני השטחים שוים זה לזה.

9. א. מבין כל המלבנים ששטחם k סמ"ר, הבע באמצעות k את צלעות המלבן

שהיקפו מינימלי.

ב. נתון כי קוטר המעגל החוסם את המלבן שהיקפו מינימלי, הוא 8 ס"מ.

מצא את הערך של k.

ב鹲ילה!

זכות היוצרים שמורה למורשת ישראל
אין להעתיק או לפרסם אלא בכתב ממשרד החינוך