

סוג הבדיקה: א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים
ב. בגרות לבנינים אקסטראניים
מועד הבדיקה: חורף תשע"ג, 2013
מספר השאלה: 306,035006
דף נוסחאות ל-5 ייחדות לימוד
נספח:

מתמטיקה

שאלון ו'

הוואות לנבחן

א. משך הבדיקה: שעوتאים.

ב. מבנה השאלה וMETHOD: בשאלון זה שני פרקים.

$$\begin{array}{rcl} \text{פרק ראשון} & - & \text{אלגברה} \\ 33\frac{1}{3} \times 1 = 33\frac{1}{3} \text{ נקודות} & & \\ \text{פרק שני} & - & \text{חשבון דיפרנציאלי וrintegrali,} \\ 33\frac{1}{3} \times 2 = 66\frac{2}{3} \text{ נקודות} & & \text{טיריגונומטריה} \\ \hline \text{סה"כ} & = & 100 \text{ נקודות} \end{array}$$

ג. חומר עזר מותר בשימוש:

- (1) מחשבון לא גрафי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הניתן לתיכנות.
שימוש במחשבון גрафי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
(2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוואות מינוחות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.
(2) התחל כל שאלה בעמוד אחד. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעורות מחשבון.
הסביר את כל פעולה, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבדיקה.
(3) לטיווח יש להשתמש במחברות הבדיקה או בדפים שקיבלה מהמשגיחים.
שימוש בטיווח אחרות עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
הנחהיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים כאחד.

ב ה צ ל ח ה !

/המשך מעבר לדף/

השאלה

שים לב! הסבר את כל פועלותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.
תוסר פירות עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפיטילת הבחן.

פרק ראשון — אלגברה ($\frac{1}{3}$ נקודות)

עונה על אתה מהשאלות 1-2.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

1. דן יצא מtel Aviv להרצליה על אופניו, ורכב במהירות קבועה של 7 קמ"ש.
עהר $\frac{1}{2}$ שעה מרגע הייצאה של דן, גם אילנית יצאה על אופניה מtel Aviv להרצליה, ורכבה
באותו מסלול במהירות הגדולה ב- 2 קמ"ש ממהירותו של דן.
אילנית והן נפגשו בדרך להרצליה, ו- $\frac{1}{2}$ שעה לאחר הפגישה הגיעו אילנית להרצליה.
מצא באיזה תחום מסוימים נמצאת המהירות x , אם נתון כי מסלול הרכיבה מtel Aviv להרצליה
קpun מ- 25 ק"מ וגדל מ- 9 ק"מ.

2. א. הוכח באינדוקציה או בדרך אחרת כי לכל n טבעי גדול מ- 2 מתקיים:

$$(n+1) \cdot (n+2) \cdot (n+3) \cdot \dots \cdot (2n-1) < 3^{n-1} \cdot 1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (2n-1).$$

ב. הוכח כי עבור כל n טבעי מתקיים: $\frac{(n+4) \cdot (n+5) \cdot (n+6) \cdot \dots \cdot (2n+6)}{3^{n+2} \cdot 1 \cdot 3 \cdot 5 \cdot \dots \cdot (2n+5)} < 1$

/המשך בעמוד 3/

פרק שני — חישוב דיפרנציאלי ואינטגרלי, טריגונומטריה ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 3-5 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

3. נתונה הפונקציה $f(x) = \frac{6}{x^2 + 3a^2}$. $a > 0$ הוא פרמטר.

א. מצא (הבע באמצעות a במידת הצורך):

(1) את תחומי ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

(2) את נקודות התangent של גраф הפונקציה $f(x)$ עם הצירים (אם יש כאלה).

(3) את האסימפטוטות המאונכות לציריהם של הפונקציה $f(x)$ (אם יש כאלה).

(4) את נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$ (אם יש כאלה), וקבע את סוגן.

ב. סרטט סקיצה של גраф הפונקציה $f(x)$.

ג. ידוע שלפונקציה $f(x)$ יש שתי נקודות פיטול בלבד ובן-הנור $a = \pm x$.

(1) היעזר בגרף של $f(x)$, והבע באמצעות a את תחומי שבוי פונקציית הנגזרת השנייה $f''(x)$ חיובית, ואת תחומי שבוי היא שלילית. נמק.

(2) הבע באמצעות a את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון של $f'(x)$, וקבע את סוגן.

ד. הבע באמצעות a את השטח המוגבל על ידי גраф הפונקציה $f(x)$, על ידי הישר $a = x$ ועל ידי ציר ה- x . סמן במערכת צירים את השטח המבוקש.

/המשך בעמוד 4/

. 4. נתונה הפונקציה $f(x) = -\sqrt{\sin x} + \frac{1}{2} \sin x$ בקטע $x \in [0, 3\pi]$.

א. בקטע $[0, 3\pi]$ מצא:

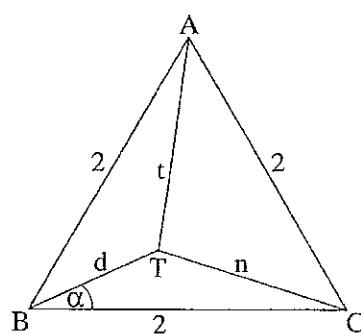
(1) עבור אילו ערכי x הפונקציה מוגדרת.

(2) את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה, וקבע את סוגן.

ב. (1) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה בקטע $[0, 3\pi]$.

(2) מצא משוואת ישר המשיק לגרף הפונקציה בשתי נקודות בדיזוק.

ג. האם יש ערכים של x בקטע $[0, 3\pi]$ שעוברים מתקיים האידויון $\frac{1}{2} \sin x > \sqrt{\sin x}$ נמק.



. 5. נתון משולש שווה-צלעות ABC.

נקודה T נמצאת בתחום המשולש (ראה ציור).

נתון: $CT = n \text{ ס"מ}$, $\angle TBC = \alpha$

$AT = d \text{ ס"מ}$, $BT = m \text{ ס"מ}$

אורך צלע המשולש הוא 2 ס"מ .

א. הוכח כי $\sin(\alpha - 30^\circ) = \frac{n^2 - t^2}{4d}$

ב. הביע את שטח המשולש ATC

באמצעות α ו- d .

בהצלחה!

זכות היוצרים שמורה למינית ישראל
אין לעתיק או לפרסום אלא ברשות משרד החינוך