

סוג הבחינה: א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים  
 ב. בגרות לנבחנים אקסטרניים  
 מועד הבחינה: תשי"ע, מועד ב  
 מספר השאלון: 307,035007  
 נספח: דפי נוסחאות ל-4 ול-5 יחידות לימוד

## מתמטיקה

### שאלון א'

#### הוראות לנבחן

- א. משך הבחינה: שעתיים.
- ב. מבנה השאלון ומפתח ההערכה: בשאלון זה שני פרקים.  
 פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים –  $33\frac{1}{3} \times 2$  –  $66\frac{2}{3}$  נקודות  
 פרק שני – מספרים מרוכבים, פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות –  $33\frac{1}{3} \times 1$  –  $33\frac{1}{3}$  נקודות  
 סה"כ – 100 נקודות
- ג. חומר עזר מותר בשימוש:  
 (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכנות במחשבון הניתן לתכנות.  
 שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכנות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבחינה.  
 (2) דפי נוסחאות (מצורפים).
- ד. הוראות מיוחדות:  
 (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספרה בלבד.  
 (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.  
 הסבר את כל פעולותיך, כולל הישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.  
 חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.  
 (3) לטיוטה יש להשתמש במחברת הבחינה או בדפים שקיבלת מהמשיגים.  
 שימוש בטיוטה אחרת עלול לגרום לפסילת הבחינה.
- ההנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות ולנבחנים כאחד.

**בהצלחה!**

/המשך מעבר לדף/

## ה ש א ל ו ת

שים לב! הסבר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה.  
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בציון או לפסילת הבחינה.

**פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים** ( $\frac{2}{3}$  נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה –  $33\frac{1}{3}$  נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדקו רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. נתון מעגל שמשוואתו  $x^2 + y^2 = 2ax$ ,  $a > 0$ .

במעגל מעבירים מיתר AB העובר דרך ראשית הצירים.

מנקודה B ממשיכים את המיתר עד לנקודה P כך ש-  $AB = BP$ , ושיעור ה- x

של P הוא חיובי.

א. (1) מצא את משוואת המקום הגאומטרי שעליו נמצאות הנקודות P הנוצרות

באופן שתואר (הבע באמצעות a).

(2) סרטט סקיצה של המקום הגאומטרי שאת משוואתו מצאת.

ציין בסרטוט את נקודות החיתוך של המקום הגאומטרי עם ציר ה- x

(הבע באמצעות a במידת הצורך).

ב. מזוים את המקום הגאומטרי שסרטטת, כך שמרכזו נמצא בראשית הצירים.

כופלים ב-  $\frac{2}{3}$  את שיעור ה- y של כל אחת מהנקודות על המקום הגאומטרי בלי

לשנות את שיעורי ה- x של הנקודות.

(1) מצא את משוואת המקום הגאומטרי של הנקודות שנוצרו באופן שתואר.

(2) מהי הצורה של המקום הגאומטרי שאת משוואתו מצאת בתת-סעיף ב (1)?

2. נתונה המשוואה  $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{a^2 - 16} = 1$ ,  $a > 0$ ,  $a \neq 4$ .

א. עבור אילו ערכים של  $a$  מייצגת המשוואה:

(1) אליפסה?

(2) מעגל?

ב. ידוע כי המשוואה הנתונה מייצגת אליפסה.

באליפסה חסומים: עיגול הנוגע באליפסה

בנקודות החיתוך שלה עם ציר ה- $y$ ,

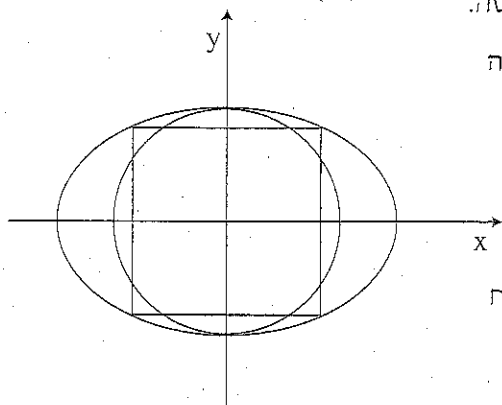
וריבוע שצלעותיו מקבילות לצירים

(ראה ציור).

היחס בין שטח העיגול החסום לבין שטח

הריבוע החסום הוא  $\frac{4\pi}{9}$ .

מצא את הערך של  $a^2$ .



הערה: פתרון סעיף ב אינו תלוי בפתרון סעיף א.

3. נתונה פירמידה SABCD שבסיסה ABCD הוא מקבילית.

השיעורים של ארבעה מבין קדקודי הפירמידה הם:

$$S(1, 1, 8), C(-2, 2, -1), B(4, -2, 5), A(6, a, 9)$$

בסיס הפירמידה נמצא במישור:

$$\pi: \underline{x} = (2, -1, 4) + t(4, -3, 5) + s(2, -1, 1)$$

א. חשב את נפח הפירמידה SABCD (ערך מספרי).

ב. המישור  $\pi$  חותך את הצירים בנקודות K, L, M.

מצא את היחס בין נפח הפירמידה SABCD לבין נפח הפירמידה OKLM

(O – ראשית הצירים).

ג. האם הישר שעליו נמצא גובה הפירמידה SABCD חותך את כל המישורים שעליהם

מונחות פאות הפירמידה OKLM? נמק.

/המשך בעמוד 4/

**פרק שני – מספרים מרוכבים,**

**פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות (33 $\frac{1}{3}$  נקודות)**

ענה על אחת מהשאלות 4-5.

**שים לב!** אם תענה על יותר משאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

4. נתונה המשוואה  $2z^2 - (m-2)^2z - \frac{1}{8}i = 0$

z – מספר מרוכב, m – פרמטר מרוכב.

א. מצא עבור אילו ערכים של m יש למשוואה פתרון יחיד.

ב. מצא אילו ערכים של m, מבין הערכים שמצאת בסעיף א, נמצאים ברביע הראשון

במישור גאוס.

ג. (1) הראה כי פתרונות המשוואה הנתונה עבור כל הערכים של m שמצאת

בסעיף א, נמצאים על ישר אחד במישור גאוס.

(2) מצא את משוואת הישר.

/המשך בעמוד 5/