

מדינת ישראל
משרד החינוך

סוג הבדיקה:
א. בגרות לבתי ספר על-יסודיים
ב. בגרות לנבחנים אקסטרנויים
מועד הבדיקה:
קיץ תשע"ז, **מועד ב**
מספר השאלה:
317, 035807
דף נוסחאות ל-5 ייחידות לימוד
נספח:

מתמטיקה
5 ייחידות לימוד – שאלון שני
הוראות לנבחן

- א. משך הבדיקה: שעתיים ורבע.
- ב. מבנה השאלון ופתחה התרבותה: בשאלון זה שני פרקים.
פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים,
טריגונומטריה במרחב,
מספרים מרוכבים
פרק שני – גידלה ודעיכה,
פונקציות מעירכיות ולוגריתמיות
$$\begin{array}{r} 66 \frac{2}{3} \\ - 33 \frac{1}{3} \times 2 \\ \hline 100 \end{array}$$
 נקודות
סה"כ – 100 נקודות
- ג. חומר עזר מותר בשימוש:
- (1) מחשבון לא גרפי. אין להשתמש באפשרויות התכונות במחשבון הנitin לתכונות.
שימוש במחשבון גרפי או באפשרויות התכונות במחשבון עלול לגרום לפסילת הבדיקה.
- (2) דפי נוסחאות (מצורפים).

ד. הוראות מיוחדות:

- (1) אל תעתיק את השאלה; סמן את מספורה בלבד.
- (2) התחל כל שאלה בעמוד חדש. רשום במחברת את שלבי הפתרון, גם כאשר החישובים מתבצעים בעזרת מחשבון.
הסביר את כל פעולותיך, כולל חישובים, בפירוט ובצורה ברורה ומסודרת.
חסור פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.
- (3) לטיווח יש להשתמש במחברת הבדיקה.
שימוש בטיווח אחרית עלול לגרום לפסילת הבדיקה.

הנחיות בשאלון זה מנוסחות בלשון זכר ומכוונות לנבחנות לנבחנים אחד.

בהצלחה!

המשר מעבר לדף ◀

השאלות

שים לב! הסבר את כל פעלויותיך, כולל חישובים, בפירות ובצורה ברורה.
חוסר פירוט עלול לגרום לפגיעה בזכין או לפסילת הבדיקה.

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה למרחב,

מספרים מרוכבים ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה – $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, ייבדק רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1. נתונה פרבולה שימושו אותה $y^2 = 2px$.

שני ישרים המשיקים לפרבולה בנקודות K ו-L נפגשים בנקודה A,
שהיא נקודת החיתוך של מדריך הפרבולה עם ציר ה- x.

- א. (1) הראה כי שיעור ה- x של K שווה לשיעור ה- x של L.
(2) הראה כי המשיקים מאונכים זה לזה.

נתון מעגל, שמרכזו M נמצא על ציר ה- x.

המשיקים לפרבולה הנתונה בנקודות K ו-L משיקים גם למעגל זה בנקודות אלה.
הצב $2 = c$, וענה על הטעיפים ב, ג.

ב. מצא את משוואת המעגל שמרכזו M.

ג. מצא את משוואת המרجل החסום במרובע AKML.

◀ 3 ◀ המשן בעמוד

.2 נתון מעגל הנמצא במישור π , ומרכזו בראשית הצירים $(0, 0)$.

הישר $\underline{x}_1 = (2, 2, 0) + t(1, 2, 1)$ נמצא במישור π , ומשיק למעגל זה בנקודה B.

.א. מצא את השיעורים של הנקודה B.

.ב. הישר $\underline{x}_2 = (0, 1, 1) + s(2, -1, 1)$ חותך את המישור π בנקודה A.

(1) הראה כי הנקודה A נמצאת על המעגל הנתון.

(2) מצא את שטח המשולש AOB.

$$z = \frac{\left(\cos \frac{\pi}{9} + i \sin \frac{\pi}{9}\right)^3}{\left(\cos \frac{\pi}{12} - i \sin \frac{\pi}{12}\right)^2} .3$$

(1) מצא את $|z|$, ואת הארגומנט (הזווית) של z.

(2) מצא את הערכים של m (מספר טבעי) שעבורם z^m הוא מספר מדומה טהור.

הערה: אין קשר בין סעיף א' לסעיף ב'.

.ב. נתון המיקום הגאומטרי $|z + \bar{z}| = 40$, m הוא מספר ממשי גדול מ-1.

(1) זהה את המיקום הגאומטרי. נמק.

(2) הנקודה שמיוצגת על ידי המספר $z = 8i + 12$ נמצאת על המיקום הגאומטרי.

מצא את השיעורים של נקודות החיתוך של המיקום הגאומטרי עם הצירים.

פרק שני – גדרה ודעיכה, פונקציות מערכיות ולוגריתמיות

($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על אחת מהשאלות 4-5.

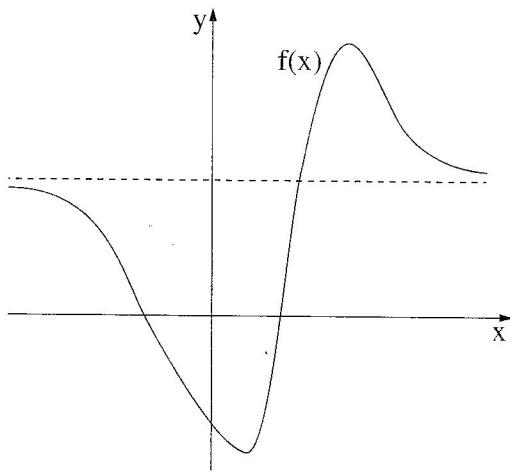
שים לב! אם תענה על יותר שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

4. נתונה הפונקציה $f(x) = 9^x - 2 \cdot 3^x - 3$ המוגדרת לכל x .

- א. (1) מצא את השיעורים של נקודות החיתוך של גרף הפונקציה עם הצירים.
(2) מצא את האסימפטוטה האופקית לgraf הפונקציה.
(3) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה (אם יש כאלה), וקבע את סוגן.
(4) סרטט סקיצה של graf הפונקציה.

ב. מצא את השטח מימין לציר ה- y , המוגבל על ידי graf הפונקציה, על ידי ציר ה- x ועל ידי האסימפטוטה האופקית. תוכל להשאיר חל בתשובהך.

- ג. נתונה הפונקציה $f(x) + 4 = g(x)$.
- השטח שמצאות בסעיף ב שווה לשטח מימין לציר ה- y , המוגבל על ידי גרף הפונקציה $(x)g$, על ידי ציר ה- x ועל ידי הישר $y = k$. מהו הערך של k ? נמק.



.5. בציור שלפניך מתואר גраф הפונקציה $f(x)$
נתון כי הפונקציות $f''(x)$, $f'(x)$, $f(x)$ מוגדרות לכל x .

לגרף הפונקציה $f(x)$ יש אסימפטוטה
אופקית אחת שמשוואתה $y = 1.5e$
כמתואר בציור.

נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$ הן:
. B(1, -1.5e), A(4, 3e)

הנקודות $(0, 0)$,
 $E(5, 2e)$, $D(2, 0)$, $C(-2, 0)$
נמצאות על גראף הפונקציה $f(x)$.

, $2 < x < 5$ בתחום x ובתחום $5 < x < -2$
הפונקציה $f(x)$ קעורה כלפי מטה \cap בתחום $-2 < x < 2$
וקעורה כלפי מעלה \cup בתחום $2 < x < 5$

א. מצא את שיעורי ה- x של נקודות הקיצון של פונקציית הנגזרת $(x)f'$, וקבע את סוגן. נמק.

ב. הפונקציה $(x)g$ מקיימת: $[g(x)] = \ln[f(x)]$.

(1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $(x)g$.

(2) מצא את האסימפטוטות של $(x)g$ המאונכות לציר ה- x .

(3) מצא את השיעורים של נקודות הקיצון של הפונקציה $(x)g$ (אם יש כאלה),
וקבע את סוגן.

. y = $\ln(1.5e)$ לפונקציה $(x)g$ יש אסימפטוטה אופקית אחת שמשוואתה $y = \ln(1.5e)$.
סרטט סקיצה של גראף הפונקציה $(x)g$.

בצלחה!